

平成22年度 第1回 数学診断テスト B問題（50分）【平成22年7月実施】沖縄県高等学校数学教育会

1 は全員解答しなさい。

1 (必須問題)

(1) 単項式 $-4ax^3y^2$ について、 x に着目したときの係数と次数を答えなさい。

(2) $A = 4x^3 - 3x^2 - 2x + 1$, $B = x^3 + 2x^2 - x + 3$ であるとき、 $3A - B - 2(A - B)$ を計算しなさい。

(3) $(-3a^2b)^3$ を計算しなさい。

(4) 次の式を展開しなさい。

① $(x^2 + 2x - 1)x^2$

② $(3x + 2)(2x - 1)$

③ $(x + 2)^3$

④ $(x + y + z)^2$

(5) 次の式を因数分解しなさい。

① $6ax^2 + 3abx$

② $x^2 - 7x + 12$

③ $3x^2 + 5x - 2$

④ $x^3 + y^3$

⑤ $(2a - b)x + (b - 2a)y$

(6) $| -5 + 2 |$ の値を求めなさい。

(7) 10の平方根を答えなさい。

(8) $\frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{3}}$ の分母を有理化しなさい。

2 または 3 のいずれか1つを選択して解答しなさい。

2 (選択問題)

(1) ある数 x の2倍に6を足した数は15より大きい。このことを不等式で表しなさい。

(2) 次の1次不等式を解きなさい。

① $8x - 6 \leq 6x + 4$

② $2x - 1 > 6x + 2$

③ $\frac{4}{3}x - \frac{1}{6} > \frac{1}{2}x + 1$

(3) 次の連立不等式を解きなさい。

$$\begin{cases} 2x - 5 < 6x - 1 \\ 2x + 7 \geq 5x - 2 \end{cases}$$

(4) 次の2次方程式を解きなさい。

① $x^2 - 2x - 3 = 0$

② $3x^2 + x - 1 = 0$

(5) x についての2次方程式 $x^2 - mx - 2m^2 = 0$ が2を解にもつとき、定数 m の値を求めなさい。

(6) 2次方程式 $x^2 - 7x + 9 = 0$ の実数解の個数を求めなさい。

(7) 1個300円のケーキAと1個340円のケーキBを合わせて15個買い、200円の箱に入れて代金を5000円以内にしたい。ケーキBは最大何個まで買うことができるか答えなさい。

3 (選択問題)

(1) 12の正の約数全体の集合 A を、要素を書き並べて表しなさい。

(2) $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ を全体集合とする。 U の部分集合 $A = \{2, 4, 6\}$, $B = \{4, 5, 6\}$ について、次の集合を求めなさい。

① $A \cap B$

② \bar{A}

③ $\bar{A} \cup \bar{B}$

(3) 100以下の自然数のうち、次のような数の個数を求めなさい。

① 4の倍数

② 4の倍数でない数

③ 4の倍数または7の倍数

(4) 1個のさいころを2回投げるとき、目の和が10以上になる場合は何通りあるか求めなさい。

(5) A, B, C, D, E, Fの6文字から、異なる3文字を選んで1列に並べるととき、並べ方は何通りあるか求めなさい。

(6) 男子3人と女子4人が1列に並ぶとき、男子3人が続いて並ぶような並び方は何通りあるか求めなさい。