

## 平成23年度 第1回 数学診断テスト β問題

(50分)

&lt;平成23年7月実施&gt; 沖縄県高等学校数学教育会

## &lt;必須問題&gt;

① 次の各問に答えなさい。

- (1)  $\left(\frac{1}{3}x^3y + 4x^2 + 2\right)(\sqrt{2}xy^2 + 3)(x - 1)$  の展開式について、 $x$ に着目したときの次数と定数項を答えなさい。

- (2)  $\left(\frac{1}{2}a - b\right)\left(\frac{1}{3}a^2 + \frac{2}{3}ab + \frac{4}{3}b^2\right)$  を展開しなさい。

- (3)  $x^2 - y^2 - x - 5y - 6$  を因数分解しなさい。

- (4) 循環小数  $0.\dot{3}$  の4倍の数を循環小数で表しなさい。

- (5)  $a > 0, b < 0$  とする。 $\sqrt{a^2 - 2ab + b^2} + \sqrt{b^2}$  を計算しなさい。

- (6)  $\sqrt{2} = 1.414, \sqrt{3} = 1.732$  とするとき、 $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}-1} + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-\sqrt{3}}$  を計算して小数第3位まで求めなさい。

- (7)  $x$  の1次不等式  $ax > a+3$  の解に2が含まれるとき、定数  $a$  の値の範囲を求めなさい。

- (8) 次の連立不等式を解きなさい。

$$\textcircled{1} \begin{cases} \frac{2}{3}x \leq x + \frac{5}{6} \\ 0.2x + 0.5 > 0.3(1+x) \end{cases} \quad \textcircled{2} \begin{cases} |x| > 3 \\ |x-2| \leq 2 \end{cases}$$

- (9)  $x = \frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{2}}, y = \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}}$  のとき、 $x^2 + y^2$  の値を求めなさい。

- (10) 2次方程式  $x^2 - 6x + 4 = 0$  を解きなさい。

- (11) 2次方程式  $x^2 - mx + m^2 - 13 = 0$  が  $x=3$  を解にもつとき、正の定数  $m$  の値と他の解を求めなさい。

- (12) 面積が  $4\sqrt{3} \text{ cm}^2$  である正三角形の1辺の長さを求めなさい。

- (13) 【記述】2次方程式  $mx^2 - 4mx + 2m + 4 = 0$  が重解をもつようには、定数  $m$  の値を定めなさい。

## &lt;選択問題&gt;

②, ③ は選択問題です。②, ③ どちらかを選択して、解答してください。

**注意** 両方を解答している場合は②を解答したものとして扱います。

② &lt;2次関数&gt;次の各問に答えなさい。

- (1)  $f(x) = x^2$  のとき、 $\frac{f(2+a)-f(2)}{a}$  の値を求めなさい。  
ただし、 $a \neq 0$  とします。

- (2)  $x$  の関数  $y = ax + 3 (-1 \leq x \leq b)$  の値域が  $0 \leq y \leq 4$  であるとき、定数  $a, b$  の値を求めなさい。ただし、 $a < 0$  とします。

- (3) 2次関数  $y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x + 1$  を  $y = a(x-p)^2 + q$  の形に変形しなさい。

- (4) 放物線  $y = x^2 - ax + 2$  の軸が直線  $x = 3$  であるとき、定数  $a$  の値と頂点の座標を求めなさい。

- (5) 放物線  $y = x^2 - kx$  を  $x$  軸方向に4だけ平行移動し、さらに、 $y$  軸に関して対称移動すると、元の放物線と一致した。このとき、定数  $k$  の値を求めなさい。

③ &lt;集合・場合の数&gt;次の問に答えなさい。

- (1) 全ての整数を全体集合とし、その部分集合  $A, B$  を  $A = \{1, 2, a\}, B = \{b, b+1, b+2\}$  とするとき、次の問に答えなさい。

- ①  $a = 3, b = 2$  とする。集合  $A \cap \overline{B}$  を求めなさい。

- ②  $A = B$  となるような定数  $a, b$  の値の組をすべて求めなさい。

- (2)  $A = \{x \mid 1 < x < 2a\}$  とする。 $A$  に含まれる最大の整数が3であるような、定数  $a$  の値の範囲を求めなさい。

- (3) 赤旗3本、白旗2本のあわせて5本の旗がある。赤旗に1, 2, 3、白旗に1, 2の番号を書き込んだ。このとき次の問に答えなさい。

- ① このうち、3本だけ並べる方法は何通りあるか求めなさい。

- ② これら5本を円形に並べる。白旗2本が隣り合わないような並べ方は何通りあるか求めなさい。

- ③ 5本の旗を、A, B, Cの3人で分ける方法は何通りあるか求めなさい。ただし、3人とも少なくとも1本は与えられるものとします。